

مبرهنة التزايدات المنتهية

1) مبرهنة رول

مبرهنة

إذا كانت f متصلة على $[a, b]$ وقابلة للاشتقاق على $]a, b[$ و $f(a) = f(b)$ فإنه يوجد على الأقل c من $]a, b[$ بحيث :

$$f'(c) = 0$$

2) مبرهنة التزايدات المنتهية

مبرهنة

إذا كانت f متصلة على $[a, b]$ وقابلة للاشتقاق على $]a, b[$ فإنه يوجد على الأقل c من $]a, b[$ بحيث :

$$f(b) - f(a) = f'(c) \cdot (b - a)$$

3) متفاوتة التزايدات المنتهية

خاصية 1

إذا كانت f متصلة على $[a, b]$ وقابلة للاشتقاق على $]a, b[$ وإذا وجد m و M من \mathbb{R} بحيث : لكل x من $]a, b[$ يحقق

$$m \leq f'(x) \leq M$$

فإن

$$m(b - a) \leq f(b) - f(a) \leq M(b - a)$$

خاصية 2

إذا كانت f متصلة على $[a, b]$ وقابلة للاشتقاق على $]a, b[$ وإذا وجد k من \mathbb{R}^+ بحيث : لكل x من $]a, b[$ يحقق

$$|f'(x)| \leq k$$

فإن

$$|f(b) - f(a)| \leq k \cdot (b - a)$$